

Câu	Nội dung	Điểm
1		2,5
a	Xác suất có 1 cây viết đỏ và 2 cây viết xanh	1,5
	Gọi A : “có 1 cây viết đỏ và 2 cây viết xanh”.	0,25
	Số trường hợp thuận lợi: $n(A) = C_{10}^1 \cdot C_4^2$	0,50
	Số trường hợp có thể: $n(\Omega) = C_{14}^3$	0,50
	$\Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{15}{91} = 0,1648$	0,25
b	Xác suất có ít nhất 1 cây viết xanh.	1,0
	Gọi B : “có ít nhất 1 cây viết xanh” $\Rightarrow \bar{B}$: “không có cây viết xanh nào”.	0,25
	$\Rightarrow P(B) + P(\bar{B}) = 1$	0,25
	Ta có: $P(\bar{B}) = \frac{C_4^0 \cdot C_{10}^3}{C_{14}^3} = \frac{30}{91} = 0,3297$	0,25
	$\Rightarrow P(B) = 1 - P(\bar{B}) = 1 - \frac{30}{91} = \frac{61}{91} = 0,6703$	0,25
2	Bài toán liên quan biến ngẫu nhiên	2.5
	a. Dạng phân phối của X	
	Gọi A là biến cố trả lời sai câu hỏi và $X : 0, 1, 2, 3, 4, 5$	0,25
	Vì thực hiện 5 phép thử nên $n = 5$	0,25
	Ta có $p = P(A) = \frac{1}{2} \Rightarrow q = 1 - p = \frac{1}{2}$	0,25
	Khi đó $X \sim B(n, p)$ và có công thức $P(X = k) = C_n^k p^k q^{n-k}$ với $k = 0, 1, 2, 3, 4, 5$	0,25
	b. Bảng phân phối của X	
	$P(X = 0) = C_5^0 \left(\frac{1}{2}\right)^0 \left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{1}{32}$	0,25

	$P(X=1) = C_5^1 \left(\frac{1}{2}\right)^1 \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{5}{32}$															
	$P(X=2) = C_5^2 \left(\frac{1}{2}\right)^2 \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{5}{16}$	0,25														
	$P(X=3) = C_5^3 \left(\frac{1}{2}\right)^3 \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{5}{16}$															
	$P(X=4) = C_5^4 \left(\frac{1}{2}\right)^4 \left(\frac{1}{2}\right)^1 = \frac{5}{32}$	0,25														
	$P(X=5) = C_5^5 \left(\frac{1}{2}\right)^5 \left(\frac{1}{2}\right)^0 = \frac{1}{32}$															
	<table border="1"> <tbody> <tr> <td>X</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> </tr> <tr> <td>P</td> <td>$\frac{1}{32}$</td> <td>$\frac{5}{32}$</td> <td>$\frac{5}{16}$</td> <td>$\frac{5}{16}$</td> <td>$\frac{5}{32}$</td> <td>$\frac{1}{32}$</td> </tr> </tbody> </table>	X	0	1	2	3	4	5	P	$\frac{1}{32}$	$\frac{5}{32}$	$\frac{5}{16}$	$\frac{5}{16}$	$\frac{5}{32}$	$\frac{1}{32}$	0,25
X	0	1	2	3	4	5										
P	$\frac{1}{32}$	$\frac{5}{32}$	$\frac{5}{16}$	$\frac{5}{16}$	$\frac{5}{32}$	$\frac{1}{32}$										
	c. Kỳ vọng và phương sai của X															
	$E(X) = np = 5 \cdot \frac{1}{2} = \frac{5}{2}$	0,25														
	$Var(X) = npq = 5 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{5}{4}$	0,25														
3		2,5														
	Gọi p là tỉ lệ “cây loại I”	0,25														
	Đặt $Z = \frac{(F_n - p)\sqrt{n}}{\sqrt{p(1-p)}}$ khi đó $Z \sim N(0,1)$	0,25														
	Khoảng ước lượng tỉ lệ cần tìm $[f - \varepsilon; f + \varepsilon]$, $\varepsilon = z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{f(1-f)}{n}}$	0,5														
	Với độ tin cậy 95% $\Rightarrow \alpha = 0,05 \Rightarrow z_{\alpha/2} = 1,96$	0,5														
	Từ mẫu số liệu ta có $f = \frac{71}{100} = 0,71$	0,25														
	Do đó $\varepsilon = z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{f(1-f)}{n}} = 1,96 \cdot \sqrt{\frac{0,71 \cdot (1-0,71)}{100}} = 0,0889$	0,5														
	Khoảng tin cậy cần tìm $[0,6211; 0,7989]$	0,25														
4	Kiểm định giả thuyết thống kê	2,5														
	Gọi σ^2 là phương sai chiều cao của các cây xoài giống	0,25														
	Đặt giả thuyết $\begin{cases} H_0 : \sigma^2 = 25 \\ H_1 : \sigma^2 > 25 \end{cases}$	0,25														

Chọn thống kê $\chi^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2} \sim \chi^2(n-1)$	0,25
Miền bác bỏ $W_\alpha = \{\chi^2 \in \mathbb{R} : \chi^2 > \chi_\alpha^2(n-1)\} (*)$	0,25
$n = \sum_{i=1}^5 n_i = 65$	0,25
$\bar{x} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^5 n_i x_i = 64,846$	0,25
$s^2 = 160,913$	0,25
Giá trị thống kê $\chi^2 = 411,937$	0,25
Ta có $\alpha = 5\% \Rightarrow \chi_\alpha^2(n-1) = \chi_{0,05}^2(64) = 83,675$	0,25
Ta thấy $\chi^2 > \chi_\alpha^2(n-1) \Rightarrow$ Bác bỏ H_0 , nghĩa là sự phản ánh của một số khách hàng là đúng.	0,25